

Computergestützte Mathematik zur Analysis – 6. Übungsblatt

Aufgabe 21:

- (a) Wenn man den Graphen der Funktion $x \mapsto f(x) = \cos(x) + 2$ für $x \in [-1, 4.5]$ um die x -Achse rotieren lässt, erhält man eine Flasche. Erstellen Sie das Bild aus Abbildung 1.
- (b) Erstellen Sie auf ähnliche Weise das Bild des Kegels aus Abbildung 2.

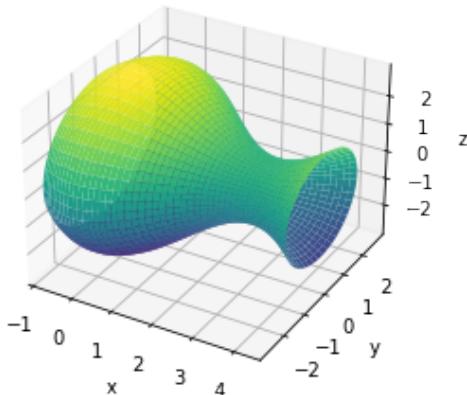


Abbildung 1: Flasche

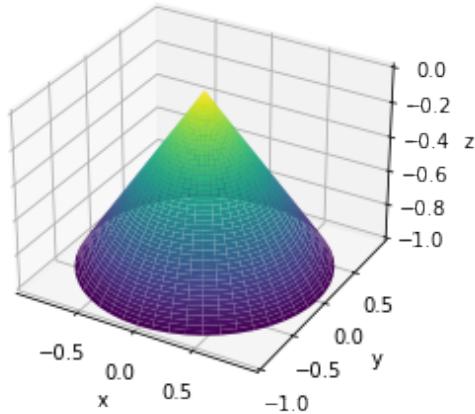


Abbildung 2: Kegel

Hinweis: Die Farben der Plots sind egal.

Aufgabe 22:

- (a) Schreiben Sie eine Funktion `zeichne_tangente`.
 - Als Eingabeparameter erhält `zeichne_tangente` eine, von x abhängige, `sympy`-Funktion f und ein tuple (a, b) .
 - Ihre Funktion soll die Funktion f im Intervall $[a, b]$ plotten.
 - Zusätzlich soll die Tangente, die f in der Mitte des Intervalls berührt, in das selbe Bild gezeichnet werden.
 - Dariüber hinaus soll `zeichne_tangente` den Anstieg der Tangente, sowie einen Verweis auf das Bildobjekt zurückgeben.
- (b) Testen Sie `zeichne_tangente` an der Funktion $f(x) = -x^2 + 1$ und dem Intervall $[-1, 2]$.

bitte wenden

Aufgabe 23:

Ein Torus ist über die Parametrisierung

$$(s, t) \mapsto [(2 + \cos(t)) \cos(s), (2 + \cos(t)) \sin(s), \sin(t)]$$

gegeben.

- (a) Zeichnen Sie mit *matplotlib* einen Torus. Setzen Sie den *alpha*-Wert (Transparenz) auf 0,1 und beschränken Sie die Achsen auf das Intervall $[-3, 3]$.
- (b) Zeichnen Sie eine Linie, die sich, wie in Abbildung 3 gezeigt, 10 mal um den Torus aus (a) windet.

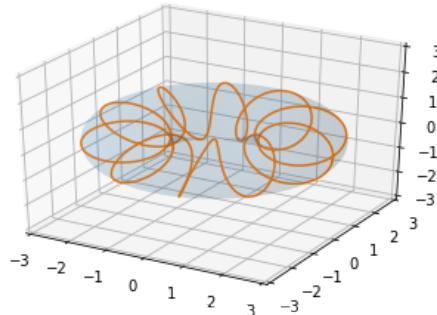


Abbildung 3: Torus mit Linie

Aufgabe 24:

Gegeben sei folgende Python-Funktion (vergleiche Vorlesung):

```
def f(c):
    if c > 1:
        c = 1
    elif c < -1:
        c = -1
    else:
        c = c**3
    return c
```

Zeichnen Sie den Graph dieser Funktion mit *matplotlib* im Intervall $[-2, 3]$.

Besprechung in den Übungen vom 26.-28. November 2025.